

Neoclassical Production Functions

تابع تولید یک ابزار تحلیلی بسیار مهم در نظریه نئوکلاسیک است. طبق تعریف متعارف، تابع تولید حداکثر محصول از یک سطح معین نهاده را نشان می‌دهد (شفارد، ۱۹۷۰). اولین بار اقتصاددانانی به نام فیلیپ ویکستد (۱۸۹۴) رابطه جبری میان نهاده و ستانده را مطرح نمود. یوهان فون تونن برای نخستین بار تابع تولید نمایی را برای تولید کشاورزی مطرح نمود. همچنین وی نخستین اقتصاددانی است که از حساب دیفرانسیل در نظریه تولید و مسائل بهینه‌یابی اقتصادی استفاده نمود. وی مشتقات جزئی تابع تولید را به‌عنوان بهره‌وری نهایی تفسیر نمود (Blaug, 1985). برخی اقتصاددانان مارژینالیست از قبیل جونز، منگر و والراس نیز تابع تولیدی را طرح نمودند که همانند تابع تولید لئونتیف (Leontief) بود. والراس در الگوی تعادل عمومی خویش نسبت‌های ثابتی میان ستانده و نهاده در نظر گرفت که جانشینی میان نهاده‌ها امکان‌پذیر نیست.

نوت ویکسل در ابتدای قرن بیست تابعی مشابه با تابع تولید کاب-داگلاس طراحی نمود. متعاقباً در سال ۱۹۲۸ نیز پل داگلاس اقتصاددان با کمک یک استاد ریاضی به نام چارلز کاب با تکیه بر سری‌های زمانی تولید صنعتی، نهاده کار و نهاده سرمایه بازه زمانی ۱۸۸۹ تا ۱۹۲۲ در آمریکا یک تابع تولید به فرم $P = AK^\alpha L^\beta$ ارائه نمودند. دو تعمیم اصلی از این تابع ارائه شد: تابع تولید ترانسندنتال که توسط هالتر و همکاران (Halter et al., 1957) مطرح شد و دارای فرم $P = Ae^{aK+bl}K^\alpha L^\beta$ است. نکته‌ای که در مورد توابع تولید ترانسندنتال وجود دارد این است که این توابع نمی‌توانند فرم خطی را به‌عنوان یک فرم خاص خود دربرگیرند. در الگو ضرایب ثابت هارود-دومار از یک اقتصاد روبه‌رشد، تابع تولید خطی واجد اهمیت ویژه‌ای است. از این‌رو هر تابع تولید نئوکلاسیکی بایستی فرم خطی $P = aK + bL$ را نیز شامل شود تا با این الگو سازگار باشد (Revankar, 1971).

تعمیم دوم از تابع تولید کاب-داگلاس توسط ارو و همکاران (Arrow et. al, 1961) ارائه شد. این تابع که به تابع تولید با کشش جانشینی ثابت (CES) معروف شد تمامی فرم‌های کاب-داگلاس، لئونتیف، و خطی را به‌عنوان حالت‌های خاصی از خود شامل می‌شد. اما این توابع نیز بلافاصله با

مشکلاتی روبه‌رو شدند. مشکل اول ناظر به ثبات کشش جانشینی میان عوامل بر روی یک منحنی هم‌مقداری و بین منحنی‌های هم‌مقداری بود. مشکل دوم ناشی از تعریف کشش جانشینی به هنگامی بود که با بیش از دو عامل تولید مواجه باشیم (Mishra, 2007). اوزاوا (Uzawa, 1962) و مک‌فادن (McFadden, 1963) اثبات کردند که هنگامی که بیش از دو عامل تولید داشته باشیم جانشینی به یک فرم تابعی تولید که مجموعه‌ای از کشش‌های جانشینی ثابتی داشته باشد ناممکن است که به «قضیه امکان‌ناپذیری اوزاوا و مک‌فادن» معروف شد. در راستای حل این دو مشکل اساسی توابع با کشش جانشینی ثابت (CES)، طیف جدیدی از توابع تولید معرفی شدند. دسته اول این توابع به دنبال تعمیم‌هایی از این توابع بودند که در آنها کشش جانشینی امکان تغییر داشته باشد. اما دسته دوم به دنبال تعمیم تابع تولید CES به حالت‌های بیش از دو عامل تولید بودند (اوزاوا (1962) و کازو ساتو (Sato, 1967) دستاوردهای مهمی در این زمینه داشتند).

طیف دیگری از اقتصاددانان توابع تولید ترانسلوگ را مطرح نمودند که این امکان را فراهم می‌نمود که کشش‌های جانشینی متغیر برای دو یا تعداد بیشتر از دو عامل تولید وجود داشته باشند (Griliches and Ringstad, 1971; Berndt and Christensen, 1973). همچنین این توابع انعطاف‌پذیری بیشتری نسبت به تابع کاب‌داگلاس داشتند و شواهد تجربی هم پشتیبانی بیشتری از آن داشت. برای حالتی که n عامل تولید وجود داشته باشد تابع تولید ترانسلوگ به صورت زیر تصریح می‌شود:

$$\ln(P) = a_0 + \sum_{i=1}^n a_i \ln(x_i) + 0.5 \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n b_{ij} \ln(x_i) \ln(x_j); b_{ij} = b_{ji}$$

انتقاد وارده به این دسته از توابع این بود که نسبت به واحد اندازه‌گیری نهاده‌ها و ستانده‌ها ثبات نداشتند. همچنین تخمین پارامترهای این توابع معمولاً دچار مشکل هم‌خطی جمعی می‌شدند (به‌دلیل وجود همزمان $\ln(x_i)$ و $\ln(x_j)$).

تا اوایل سده هفتاد میلادی، تعمیم توابع کاب-داگلاس و CES تکمیل شد. این توابع فرض می‌کردند که نرخ نهایی جانشینی میان عوامل تولید صرفاً به قیمت نسبی عوامل تولید بستگی دارد و از پیشرفت فنی یا سطح محصول تولیدشده مستقل است و به‌عبارت‌دیگر پیشرفت تکنولوژیک، «ختنای

هیکسی» است. هنگامی پیشرفت تکنولوژیک خنثای هیکسی است که نسبت تولید نهایی سرمایه به تولید نهایی کار در یک نسبت معین سرمایه- کار ثابت باقی بماند (Hicks, 1932). جرجسکو روجن (Georgescu-Roegen, 1971) بر اهمیت انرژی به عنوان یک نهاد تولید در سیستم اقتصادی تأکید نمود. اما شاید بتوان گفت که هولیس چنری (Chenery, 1950) اولین اقتصاددانی بود که نشان داد اطلاعات مهندسی می‌تواند برای بهبود مطالعات تجربی تولید و پر کردن شکاف میان تحلیل‌های نظری و تجربی تولید مورد استفاده قرار گیرد.

توابع تولید تجمیعی

یکی از دشوارترین حوزه‌های تحقیقاتی در اقتصاد تولید، مبحث توابع تولید تجمیعی است. از آنجا که تابع تولید ماهیتاً یک مبحث اقتصاد خردی است که رابطه عوامل تولید و میزان محصول تولید شده توسط یک بنگاه خاص را نشان می‌دهد، تعمیم آن به کل اقتصاد و یا حتی یک صنعت یا یک بخش دارای ماهیت متفاوتی است. در تابع تولید تجمیعی در اقتصادی که بنگاه‌ها از نهاده‌های متفاوت، هزینه‌های مختلف و مقیاس و بازار متنوعی برخوردارند چه معنایی دارد. پس از بحران بزرگ ۱۹۲۹ تا پایان جنگ جهانی دوم این مسئله اساسی برای اقتصاددانان مطرح شد که چگونه می‌توان به یک رشد باثبات و بدون نوسان دست یافت. این تحقیقات متوجه شدند که تابع تولید تجمیعی حائز اهمیتی اساسی است. در این دوره تابع تولید کاب-داگلاس به عنوان تابعی که کاملاً می‌تواند تغییرات تکنولوژیکی در طول زمان را وارد سیستم تولید نموده شناخته شد (بدون اینکه سهم عوامل را تغییر چندانی دهد). مدل رشد فون‌نویمن (Von Neumann, 1937) گرچه از تابع تولید کاب-داگلاس استفاده نکرد ولی همچنان به تجمیع تولید در سطح کلان وفادار ماند.

با توسعه برنامه‌ریزی خطی به عنوان یک روش بهینه‌سازی، این حوزه پژوهشی سرعتی مضاعف یافت. تابع تولید کل مورد انتقاداتی نیز واقع شد. جون رابینسون (Robinson, 1953) معتقد بود: «تابع تولید یک ابزار قوی برای بدآموزی است. دانشجویان اقتصاد یاد گرفته‌اند که بنویسند $Q = f(L, K)$ که K مقدار سرمایه است و L مقدار کار و Q مقدار تولید است.

ایشان یاد گرفته‌اند که تمامی کارگران مشابه هم هستند و L تعداد ساعات نیروی کار است. چیزهایی در مورد مشکل عدد شاخص نیز می‌آموزند که به هنگام تعیین یک واحد تولید با آن مواجه می‌شویم. اما راجع به اینکه K چگونه سنجیده می‌شود چیزی نمی‌آموزند. قبل از آنکه هرگز این سؤالات را از خود بپرسد به مقام استادی می‌رسد. و بدین ترتیب این عادات فکری از نسلی به نسل بعدی منتقل می‌شود. براین اساس بود که از سال ۱۹۵۳ میلادی مناقشه دامنه‌داری شروع شد و تا اواسط دهه هفتاد میلادی ادامه یافت که میان دو کمبریج یعنی کمبریج انگلیس به رهبری پیرو سرافا، جون رابینسون، لویجی پاسینتی، پیرآنجلو گارگنانی و کمبریج ماساچوست آمریکا به رهبری پل ساموئل سن، رابرت سولو و فرانک هان که قائل به استفاده از تابع تولید کل بودند درگرفت و به «مناقشه کمبریج» معروف شد. هارکورت (Harcourt, 1969) که از حامیان مکتب کمبریج انگلیس بود تبیین دقیقی از این مناقشه انجام داده است. تبیین جامع‌تری از این مناقشه را کوهن و هارکورت (Cohen and Harcourt, 2003) ارائه نموده‌اند. این مناقشه نشان داد که تمامی توابع تولید از جمله تابع تولید کاب-داگلاس اغلب استخراجاتی جبری بیش نیستند و منطبق اقتصادی چندانی در پس آن وجود ندارد. مقالات انور شایخ (Shaikh, 1974) با عنوان «فریبکاری تابع تولید» می‌بایست تابع تولید کاب-داگلاس را برای همیشه از تحلیل‌های اقتصادی به بیرون می‌راند. اما فلیپ و فیشر و همکارانش (Felipe and Fisher, 2003) با انتشار مقالاتی مجدداً اعتباری به تابع تولید کل به ارمغان آوردند.

نظریه‌پردازان کمبریج انگلستان اعتقاد داشتند که تصور یک مقدار سرمایه انتزاعی (K در تابع تولید کل) مستقل از نرخ‌های بهره و دستمزد ناممکن است. حال آنکه چنین استقلال، پیش‌شرط هر نوع ساخت تابع تولید کل و منحنی‌های هم‌مقداری تولید است. تابع تولید بدون اطلاع از قیمت‌ها قابل تصریح نیست. شیب منحنی هم‌مقداری تولید تنها زمانی قابل استخراج است که چنین قیمت‌هایی معین باشند حال آنکه طرفداران تابع تولید از شیب منحنی هم‌مقداری برای تعیین قیمت‌های نسبی عوامل استفاده می‌کنند. ساموئل‌سن (Samuelson, 1966) در اظهار نظر معروفی گفته است: «تا

از تابع تولید کل برای توضیح و توجیه سهم نسبی عوامل اثرات بسیار سهمگین و مهیبی برای اقتصاد نئوکلاسیکی به دنبال داشت. به بیان لاوویه (Lavoie, 2001): «مناقشه سرمایه مفاهیم جانشینی عوامل یا کمیابی سرمایه یا نیروی کار را که مورد حمایت اقتصاد نئوکلاسیکی است بی معنا و مهمل می‌سازد. از این رو این مناقشه، نظریه نئوکلاسیکی سرمایه و منحنی تقاضای عوامل تولید را به خطر می‌اندازد. این مناقشه همچنین نظریات نئوکلاسیکی تعیین سطح تولید و اشتغال و همچنین نظریات پولی و یکسلی را به مخاطره می‌افکند. از این رو نتایج این مناقشه برای اقتصاد نئوکلاسیکی ویرانگر بود». دامنه تأثیرات مخرب این مناقشه بسیار وسیع بوده و بسیاری از حوزه‌های اقتصاد نئوکلاسیکی از قبیل نظریه تجارت بین‌الملل هکشر-اوهلین-ساموئلسن، مفهوم خنثایی هیکسی پیشرفت تکنولوژی یک، نظریه اصابت مالیاتی نئوکلاسیکی، نظریه مالیات‌ستانی پیگویی و... را دچار مشکل می‌نماید (Gehrke and Lager, 2001). تنها دفاعیه‌ای که برای حامیان کنونی اقتصاد نئوکلاسیکی باقی مانده است این است که منتقدان نظریه تابع تولید کل هیچ ابزار نظری و توصیفی جایگزینی برای تحلیل‌های تعادلی ارائه نکرده‌اند (نفری، ۱۳۷۷).

کتاب‌شناسی

- نفری، ا. (۱۳۷۷). مختصری پیرامون تابع تولید نئوکلاسیک. آینه پژوهی مدیریت، ۱۰(۲)، ۳۳-۴۷.
- Arrow, K., Chenery, H., Minhas, B., and Solow, R. (1961). Capital Labour Substitution and Economic Efficiency. *Review of Economics and Statistics*, 43(3), 225-50.
- Berndt, E. R., and Christensen, L. R. (1973). The Translog Function and the Substitution of Equipment, Structures, and Labor in U.S. Manufacturing 1929-68. *Journal of Econometrics*, 1(1), 81 - 113. [https://doi.org/10.1016/0304-4076\(73\)90007-9](https://doi.org/10.1016/0304-4076(73)90007-9)
- Blaug, M. (1985). *Economic Theory in Retrospect* (4rd ed.). Cambridge University Press.
- Burmeister, E. (2000). The Capital Theory Controversy. In H. D. Kurz (Ed.), *Critical Essays on Piero Sraffa's Legacy in Economics* (pp. 305-314). Cambridge University Press.
- Chenery, H. B. (1950) *Engineering Bases of Economic Analysis* [Unpublished doctoral dissertation]. Harvard University.
- Cohen, A. J., and Harcourt, G. C. (2003). Retrospectives Whatever Happened to the Cambridge Capital Theory Controversies? *Journal of Economic Perspectives*, 17(1), 199 - 214. <https://doi.org/10.1257/089533003321165010>
- Felipe, J., and Fisher, F. M. (2003). Aggregation in Production

هنگامی که قوانین ترمودینامیک نقض شوند، من به ارتباط میان تولید و عوامل تولید ادامه خواهم داد- یعنی همچنان اعتقاد به وجود تابع تولید خواهم داشت. مگر آنکه عوامل تولید از دریافت عواید خویش که از طریق مزایده در بازارهای شبه‌رقابتی تعیین می‌شود سر باز زنند، والا من همچنان به تقریب‌های تعمیم یافته نئوکلاسیکی برای تبیین پاداش بازاری آنها وفادار خواهم ماند». سولو (۱۹۵۷) یک مطالعه تجربی مهم انجام داد که نشان می‌داد تابع تولید کل برازش خوبی از داده‌های تولید در آمریکا از سال ۱۹۰۹ تا ۱۹۴۹ انجام می‌داد و تغییرات خنثای تکنولوژی یک را همچون انتقالاتی در تابع تولید به نمایش می‌گذاشت. این مطالعه نشان می‌داد که تابع تولید کل می‌تواند ابزار تحلیلی قوی در این حوزه باشد. ساموئلسن (۱۹۶۲) یک تابع تولید بدیل طراحی کرد که مقدار تولید سرانه را به مقدار سرمایه سرانه مرتبط می‌ساخت و می‌توانست برای پیش‌بینی تمامی رفتارهای نرخ‌های دستمزد و سود در تعادل‌های بلندمدت کاربرد داشته باشد. چنانکه هریس (Harris, 1973) متذکر شده است این تابع تولید بدیل از چنان فروض شدیداً محدودکننده‌ای استفاده کرده بود که عملاً آن را بسیار آسیب‌پذیر و شکننده برای کاربردپذیری در واقعیت می‌نمود. یکی از قضایای زیربنایی برای اثبات محاسبه‌پذیری سرمایه و امکان‌پذیری تجمیع آن، «قضیه عدم وجود بازگزینی» بود. لوهاری و ساموئلسن (Levhari and Samuelson, 1966) با انتشار مقاله‌ای اعتراف کردند که «مایلم تصریح کنیم که قضیه عدم بازگزینی منسوب به ما قطعاً اشتباه است. در این زمینه مدیون دکتر پاسینتی هستیم». نتیجه نهایی مناقشه کمبریج را می‌توان از زبان بورمیستر (Burmeister, 2000) شنید: «کمبریج انگلستان پیروز اعلام می‌شود: لوهاری اشتباه کرده بود، ساموئلسن اشتباه کرده بود، سولو اشتباه کرده بود، MIT اشتباه کرده بود، و بنابراین اقتصاد نئوکلاسیکی اشتباه کرده بود. در نتیجه گروهی از اقتصاددانان اقتصاد نئوکلاسیکی را وانهادند تا اقتصاد کلاسیکی را از این اشتباهات پالایش نمایند. اما در آمریکا اقتصاد جریان متعارف به راه خود ادامه داد انگار نه انگار که اصلاً مناقشه‌ای در گرفته است. کتب اقتصاد کلان از (سرمایه) جوری صحبت می‌کردند که گویی یک مفهوم کاملاً تعریف شده و مشخص است، در حالی که چنین نبود. مسئله کالاهای سرمایه‌ای ناهمگن در انقلاب انتظارات عقلایی و در واقع کل کارهای اقتصادسنجی مورد غفلت قرار گرفت».

«مناقشه سرمایه» با نقد بنیان‌برافکن خویش در مورد استفاده

106. <https://doi.org/10.2307/2296002>
- Samuelson, P. A. (1962). Parable and Realism in Capital Theory: The Surrogate Production Function. *The Review of Economic Studies*, 29(3), 193 - 206. <https://doi.org/10.2307/2295954>
- Samuelson, P. A. (1966). Samuelson on Induced Innovation: Rejoinder: Agreements, Disagreements, Doubts, and the Case of Induced Harrod-Neutral Technical Change. *The Review of Economics and Statistics*, 48(4), 444 - 448. <https://doi.org/10.2307/1924624>
- Sato, K. (1967). A Two-Level Constant-Elasticity-of-Substitution Production Function. *The Review of Economic Studies*, 34(2), 201 - 218. <https://doi.org/10.2307/2296809>
- Shaikh, A. (1974). Laws of Production and Laws of Algebra: The Humbug Production Function. *The Review of Economics and Statistics*, 56(1), 115 - 120. <https://doi.org/10.2307/1927538>
- Shephard, R. W. (1970) *Theory of Cost and Production Functions*. Princeton University Press.
- Smith, A. (1776), *An Inquiry into the Nature and Causes of the Wealth of Nations*. Methuen.
- Solow, R. M. (1957). Technical Change and the Aggregate Production Function. *The Review of Economics and Statistics*, 39(3), 312 - 320. <https://doi.org/10.2307/1926047>
- Uzawa, H. (1962). Production Functions with Constant Elasticities of Substitution. *The Review of Economic Studies*, 29(4), 291 - 299. <https://doi.org/10.2307/2296305>
- Von Neumann, J. (1937). Uber Ein Okonomisches Gleichungssystem Und Eine Verallgemeinerung des Brouwerschen Fixpunktsatzes, *Ergebnisse Eines Math. Kolloquiums*, 8, 73-83.
- Wicksteed, P. H. (1894), *An Essay on the Co-ordination of the Laws of Distribution*. Macmillan.
- سید عقیل حسینی
استادیار گروه اقتصاد دانشکده علوم انسانی دانشگاه یاسوج
علیرضا رعنائی
دانشگاه شیراز
- Functions: What Applied Economists Should Know. *Metroeconomica*, 54(2-3), 208 - 262. <https://doi.org/10.1111/1467-999x.00166>
- Gehrke, C., and Lager, C. (2001) Sraffian Political Economy. In P. A. O'Hara (Ed.), *Encyclopedia of Political Economy* (Vol. 2). Routledge.
- Georgescu-Roegen, N. (1971). *The Entropy Law and the Economic Process*. Harvard University Press.
- Griliches, Z., and Ringstad, V. (1971). *Economies of Scale and the Form of the Production Function: An Econometric Study of Norwegian Manufacturing Establishment Data*. North-Holland.
- Halter, A. N., Carter, H. O., and Hocking, J. G. (1957). A Note on the Transcendental Production Function. *Journal of Farm Economics*, 39(4), 966-974. <https://doi.org/10.2307/1234207>
- Harcourt, G. C. (1969). Some Cambridge Controversies in the Theory of Capital. *Journal of Economic Literature*, 7(2), 369 - 405.
- Harris, D. J. (1973). Capital, Distribution, and the Aggregate Production Function. *The American Economic Review*, 63(1), 100 - 113.
- Hicks, J. R. (1932). *The Theory of Wages* (2nd ed.). Macmillan.
- Kurz, H. D., and Salvadori, N. (2003). Fund - Flow Versus Flow - Flow in Production Theory: Reflections on Georgescu-Roegen's Contribution. *Journal of Economic Behavior and Organization*, 51(4), 487 - 505. [https://doi.org/10.1016/s0167-2681\(02\)00143-9](https://doi.org/10.1016/s0167-2681(02)00143-9)
- Lavoie, M. (2001). Capital Reversing. In P. A. O'Hara (Ed.), *Encyclopedia of Political Economy* (Vol. 1). Routledge.
- Levhari, D., and Samuelson, P. A. (1966). The Nonswitching Theorem is False. *The Quarterly Journal of Economics*, 80(4), 518 - 519. <https://doi.org/10.2307/1882912>
- McFadden, D. (1963). Constant Elasticity of Substitution Production Functions. *The Review of Economic Studies*, 30(2), 73-83. <https://doi.org/10.2307/2295804>
- Mishra, S.K. (2007) *A Brief History of Production Functions*. https://mpa.uni-muenchen.de/5254/1/MPRA_paper_5254.pdf
- Revankar, N. S. (1971). A Class of Variable Elasticity of Substitution Production Functions. *Econometrica*, 39(1), 61 - 71. <https://doi.org/10.2307/1909140>
- Robinson, J. (1953). The Production Function and the Theory of Capital. *The Review of Economic Studies*, 21(2), 81 -